



ANALIZAR

Pruebas de Hipótesis



Inferencia Estadística

En los sistemas de calidad como el 6σ se utiliza con mucha frecuencia el proceso de inferencia estadística, el cual consiste en hacer afirmaciones que sean válidas de una población o proceso con base en la información contenida en una muestra.

De tal forma que es posible determinar si una máquina, método de trabajo, materias primas o mano de obra son capaces de cumplir con especificaciones, o poder medir si las mejoras propuestas dan resultado.

Inferencia Estadística

Se debe tener claro que al provenir de muestras los datos que se analizan, estos son en realidad variables aleatorias que cambian de muestra a muestra, por lo que es necesario calcular intervalos de confianza para establecer con un nivel aceptable de seguridad que las conclusiones a las que se llegan son aplicables también a la población.

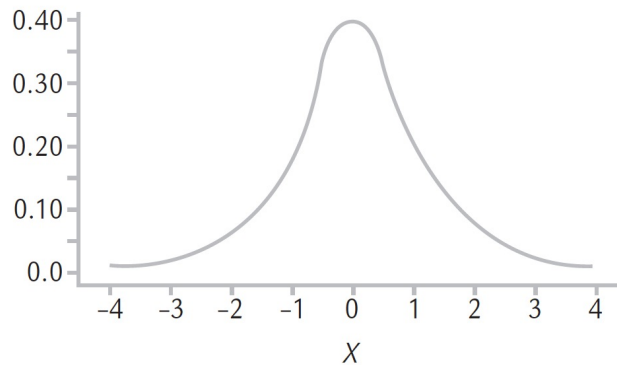
Para lograr esto, es necesario, conocer la distribución de la población de la cual fueron extraídas las muestras.

Inferencia Estadística

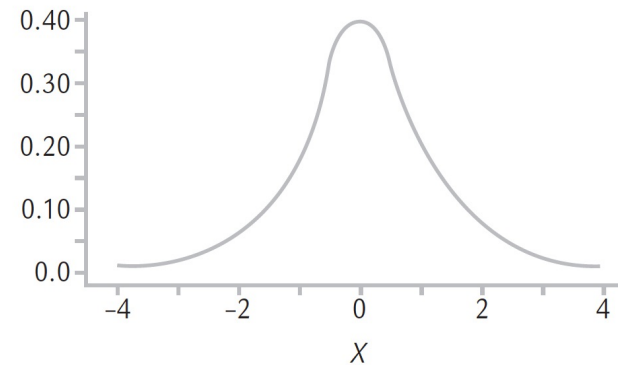
Las distribuciones de frecuencia, ya sean calculadas a partir de distribuciones teóricas conocidas o distribuciones hechas a la medida para la variable aleatoria de acuerdo con los datos históricos de ella, nos permiten describir y acotar el comportamiento aleatorio de la variable y con la ayuda del estadístico apropiado corroborar o desechar afirmaciones acerca de la población bajo estudio (pruebas de hipótesis).

Distribuciones de mayor uso en pruebas de hipótesis e intervalos de confianza

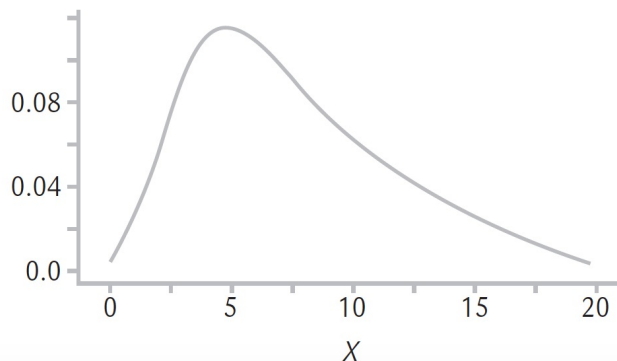
NORMAL ESTÁNDAR



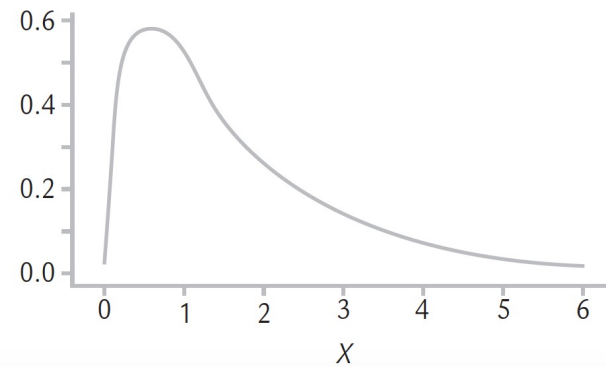
T DE STUDENT, 5 g.l.



JI-CUADRADA, 10 g.l.



F, (5, 10)



Estimación de parámetros

Debemos de ser capaces de estimar con precisión razonable la proporción de una población (la fracción de la población que posee una característica dada) o la media de la población. Calcular la proporción exacta o la media exacta es una meta imposible. Sin embargo, hacer una estimación y establecer una afirmación respecto al error que tal vez acompañará a esta estimación son dos aspectos claves en la inferencia estadística.

Estimación Puntual

Una estimación puntual es un solo número que se utiliza para estimar un parámetro de población desconocido.

Media $\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$

Varianza $s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$

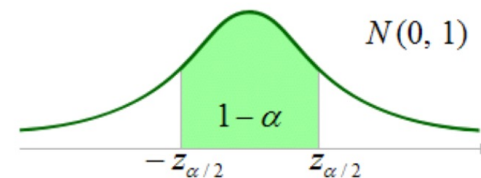
Proporción $\hat{p} = \frac{x}{n}$

Estimación por intervalo

Una estimación de intervalo es un rango de valores que se utiliza para estimar un parámetro de la población.

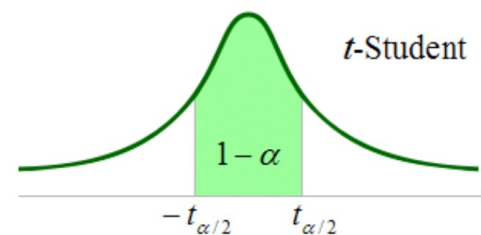
Media de la población
(varianza poblacional conocida)

$$\mu \in \left(\bar{x} - z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$



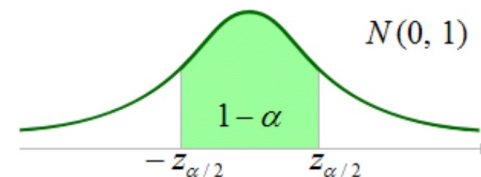
Media de la población
(varianza poblacional desconocida)

$$\mu \in \left(\bar{x} - t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{x} + t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \frac{S}{\sqrt{n}} \right)$$



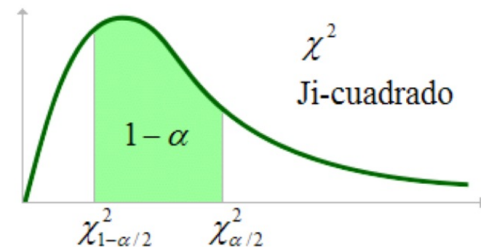
Proporción de la población

$$p \in \left(\hat{p} - z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}, \hat{p} + z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \right)$$



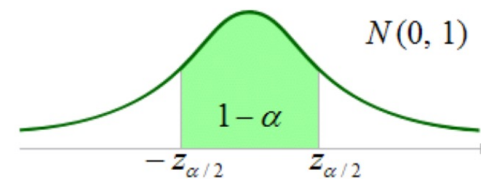
Varianza de la población

$$\sigma^2 \in \left(\frac{(n-1) S^2}{\chi^2_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}}, \frac{(n-1) S^2}{\chi^2_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}} \right)$$



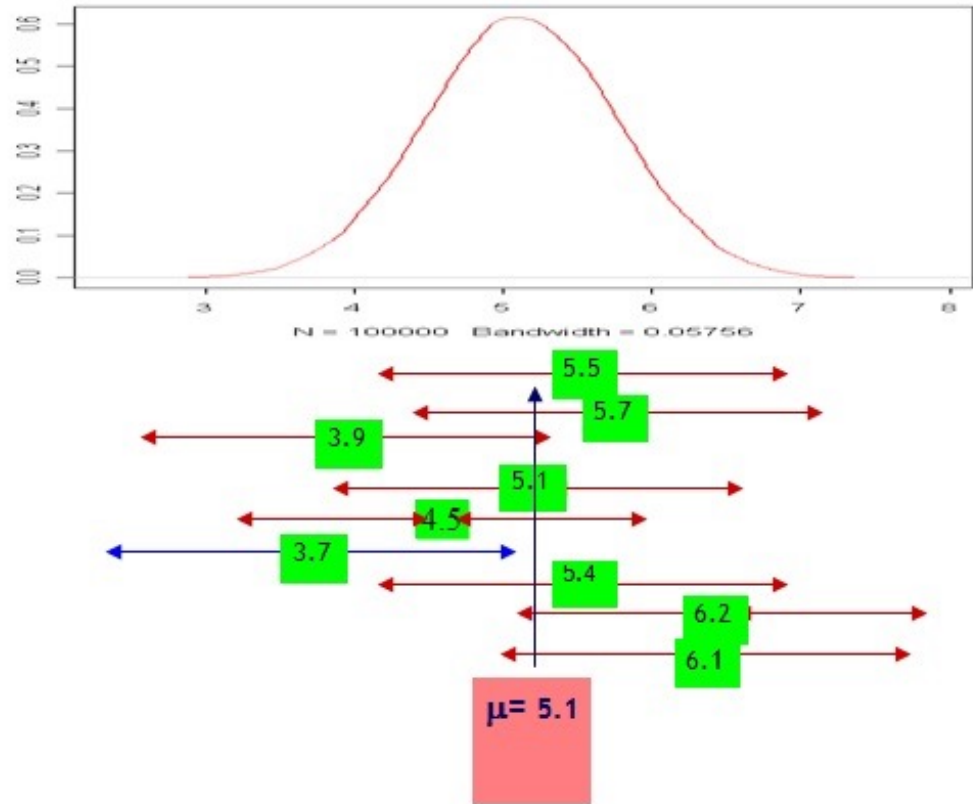
Diferencia de las medias de dos poblaciones
(varianzas conocidas)

$$\mu_1 - \mu_2 \in \left(\bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} \right)$$



Intervalo de Confianza

Es un par o varios pares de números entre los cuales se estima que estará cierto valor desconocido con una determinada probabilidad de acierto. Estos números determinan un intervalo, que se calcula a partir de datos de una muestra, y el valor desconocido es un parámetro poblacional. La probabilidad de éxito en la estimación se representa con $1 - \alpha$ y se denomina nivel de confianza.



Ejercicio

Estimaciones del intervalo de confianza para medias (muestras grandes)

Las medidas de los diámetros de una muestra aleatoria de 200 cojinetes de bolas fabricados en una semana por una máquina indicaron una media de 0,824 pulgadas y una desviación estándar de 0,042 pulgadas. Determinar los límites de confianza a un 95 y 99% para la media del lote.

Ejercicio en Minitab

Estimaciones del intervalo de confianza para medias.

A continuación se adjunta una tabla con la temperatura que mantuvieron 60 refrigeradores durante un día completo de prueba, dicha muestra se tomó de refrigeradores que se tenían en la bodega de producto terminado, si se conoce que la σ es de 0,05 estime con un 95% y 99% de confianza un intervalo para la media de la población.

Temperatura promedio de 60 refrigeradores por un lapso de 24 horas.

4.97	5.05	5.02	5.01	5.00	5.04	5.06	4.98	4.91	5.00	4.97	5.00	5.01	4.93	4.98
5.03	5.06	5.03	5.01	4.95	4.98	4.94	4.95	4.93	4.95	5.03	5.00	5.09	5.10	5.06
4.95	5.01	4.97	5.10	5.00	5.10	5.02	5.00	4.96	5.05	5.08	4.92	5.00	4.95	4.98
4.94	5.07	5.06	5.09	5.00	5.07	5.03	5.04	4.94	5.02	5.04	4.98	4.94	4.98	5.01

Ejercicio

Estimaciones del intervalo de confianza para medias (muestras pequeñas)

En una muestra de 10 mediciones del diámetro de una esfera se obtuvo una media de 4,38 pulgadas y una desviación estándar de 0,06 pulgadas. Determinar los límites de confianza para un 95 y 99% del diámetro real.

Tabla 8. Distribución t de Student.

Distribución t de Student							
gl	0.75	0.90	0.95	0.975	0.99	0.995	0.9995
1	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
2	0.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.598
3	0.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.941
4	0.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
5	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.859
6	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.959
7	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.405
8	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
9	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
10	0.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
11	0.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.437
12	0.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	0.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	0.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965
18	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.922
19	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.883
20	0.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.850
21	0.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.819
22	0.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.792
23	0.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.767
24	0.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.745
25	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.725
26	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.707
27	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.690
28	0.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.674
29	0.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.659
30	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.646
40	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.551
60	0.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.460
120	0.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.373

Ejercicio

Estimaciones del intervalo de confianza para proporciones

Una muestra de una encuesta de 100 votantes, elegida de manera aleatoria a partir de todos los votantes en un distrito dado, indica que 55% de ellos estaban a favor de cierto candidato. Calcular los límites de confianza para 99,73% de la proporción de los votantes que están a favor de ese candidato.

Ejercicio

Intervalos de confianza para varianzas

La desviación estándar de la vida media de una muestra de 200 focos eléctricos se calculó en 100 horas.

- a. Encontrar el intervalo de confianza para un 95% de la desviación estándar de todos los focos.
- b. Resolver utilizando la teoría de muestras pequeñas o exactas.

Tabla 3. (Continuación) Valores críticos de la distribución Chi cuadrada

v	X									
	.30	.25	.20	.10	.05	.025	.02	.01	.005	.001
1	1.074	1.323	.1642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	10.827
2	2.408	2.773	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	13.815
3	3.665	4.108	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	16.268
4	4.878	5.385	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	18.465
5	6.064	6.626	7.289	9.236	11.070	12.832	13.388	15.086	16.750	20.517
6	7.231	7.841	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	22.457
7	8.383	9.037	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	24.322
8	9.524	10.219	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	26.125
9	10.656	11.389	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	27.877
10	11.781	12.549	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	29.588
11	12.899	13.701	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	31.264
12	14.011	14.845	15.812	18,549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	32.909
13	15.119	15.984	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	34.528
14	16.222	17.117	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	36.123
15	17.322	18.245	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	37.697
16	18.418	19.369	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	39.252
17	19.511	20.489	21.615	24.769	27.587	30.191	30.955	33.409	35.718	40.790
18	20.601	21.605	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	42.312
19	21.689	22.718	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	43.820
20	22.775	23.828	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	45.315
21	23.858	24.935	26.171	29.615	32.671	35.479	36.343	38.932	41.401	46.797
22	24.939	26.039	27.301	30.813	33.924	36.781	37.659	40.289	42.796	48.268
23	26.018	27.141	28.429	32.007	35.172	38.076	38.968	41.638	44.181	49.728
24	27.096	28.241	29.553	33.196	36.415	39.364	40.270	42.980	45.558	51.179
25	28.172	29.339	30.675	34.382	37.652	40.646	41.566	44.314	46.928	52.620
26	29.246	30.434	31.795	35.563	38.885	41.932	42.856	45.642	48.290	54.052
27	30.319	31.528	32.912	36.741	40.113	43.194	44.140	46.963	49.645	55.476
28	31.391	32.620	34.027	37.916	41.337	44.461	45.419	48.278	50.993	56.893
29	32.461	33.711	35.139	39.087	42.557	45.722	46.693	49.588	52.336	58.302
30	33.530	34.800	36.250	40.256	43.773	46.979	47.962	50.892	53.672	59.703

Tabla 3. Valores críticos de la distribución Chi cuadrada

v	X									
	.995	.99	.98	.975	.95	.90	.80	.75	.70	.50
1	.04393	.03157	.03628	0.3982	0.0393	.0158	0.642	0.102	0.148	0.455
2	.0100	.0201	.0404	.0506	0.103	0.211	0.446	0.575	0.713	1.386
3	.0717	0.115	0.185	0.216	0.352	0.584	1.005	1.213	1.424	2.366
4	0.207	0.297	0.429	0.484	0.711	1.064	1.649	1.923	2.195	3.357
5	.0412	0.554	0.752	0.831	1.145	1.610	2.343	2.675	3.000	4.351
6	0.676	0.872	1.134	1.237	1.635	2.204	3.070	3.455	3.828	5.348
7	0.989	1.239	1.564	1.690	2.167	2.833	3.822	4.255	4.671	6.346
8	1.344	1.646	.2032	2.180	2.733	3.490	4.594	5.071	5.527	7.344
9	1.735	2.088	2.532	2.700	3.325	4.168	5.380	5.899	6.393	8.343
10	2.156	2.558	3.059	3.247	3.940	4.865	6.179	6.737	7.267	9.342
11	2.603	3.053	3.609	3.816	4.575	5.578	6.989	7.584	8.148	10.341
12	3.074	3.571	4.178	4.404	5.226	6.304	7.807	8.438	9.034	11.340
13	3.565	4.107	4.765	5.009	5.892	7.042	8.634	9.299	9.926	12.340
14	4.075	4.660	5.368	5.629	6.571	7.790	9.467	10.165	10.821	13.339
15	4.601	5.229	5.985	6.262	7.261	8.547	10.307	11.036	11.721	14.339
16	5.142	5.812	6.614	6.908	7.962	9.312	11.152	11.912	12.624	15.338
17	5.697	6.408	7.255	7.564	8.672	10.085	12.002	12.792	13.531	16.338
18	6.265	7.015	7.906	8.231	9.390	10.865	12.857	13.675	14.440	17.338
19	6.844	7.633	8.567	8.907	10.117	11.651	13.716	14.562	15.352	18.338
20	7.434	8.260	9.237	9.591	10.851	12.443	14.578	15.452	16.266	19.337
21	8.034	8.897	9.915	10.283	11.591	13.240	15.445	16.344	17.182	20.337
22	8.643	9.542	10.600	10.982	12.338	14.041	16.314	17.240	18.101	21.337
23	9.260	10.196	11.293	11.688	13.091	14.848	17.187	18.137	19.021	22.337
24	9.886	10.856	11.992	12.401	13.848	15.659	18.062	19.037	19.943	23.337
25	10.520	11.524	12.697	13.120	14.611	16.473	18.940	19.939	20.867	24.337
26	11.160	12.198	13.409	13.844	15.379	17.292	19.820	20.843	21.792	25.336
27	11.808	12.879	14.125	14.573	16.151	18.114	20.703	21.749	22.719	26.336
28	12.461	13.565	14.847	15.308	16.928	18.939	21.588	22.657	23.647	27.336
29	13.121	14.256	15.574	16.047	17.708	19.768	22.475	23.567	24.577	28.336
30	13.787	14.953	16.306	16.791	18.493	20.599	23.364	24.478	25.508	29.336



Diversas Pruebas de Hipótesis

Pruebas de medias y proporciones utilizando la distribución normal

El fabricante de una medicina de patente afirmó que la misma fue 90% eficaz para aliviar una alergia durante un periodo de 8 horas. En una muestra de 200 personas que padecían de la alergia, la medicina proporcionó alivio a 160 personas.

- a) Determinar si la afirmación del fabricante es legítima con base en un nivel de significancia de 0.01
- b) Encontrar el valor p de la prueba

Tabla 2. Áreas bajo la curva normal

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	0.08	0.09
-3.4	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0002
-3.3	.0005	.0005	.0005	.0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0003
-3.2	.0007	.0007	.0006	.0006	.0006	.0006	.0006	.0005	.0005	.0005
-3.1	.0010	.0009	.0009	.0009	.0008	.0008	.0008	.0008	.0007	.0007
-3.0	.0013	.0013	.0013	.0012	.0012	.0011	.0011	.0011	.0010	.0010
-2.9	.0019	.0018	.0017	.0017	.0016	.0016	.0015	.0015	.0014	.0014
-2.8	.0026	.0025	.0024	.0023	.0023	.0022	.0021	.0021	.0020	.0019
-2.7	.0035	.0034	.0033	.0032	.0031	.0030	.0029	.0028	.0027	.0026
-2.6	.0047	.0045	.0044	.0043	.0041	.0040	.0039	.0038	.0037	.0036
-2.5	.0062	.0060	.0059	.0057	.0055	.0054	.0052	.0051	.0049	.0048
-2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
-2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
-2.2	.0139	.0136	.0132	.0129	0.125	0.122	.0119	.0116	.0113	.0110
-2.1	.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
-2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
-1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
-1.8	.0359	.0352	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
-1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	0.375	.0367
-1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.495	.0485	.0475	.0465	.0455
-1.5	.0668	.0655	.0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
-1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0722	.0708	.0694	.0681
-1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
-1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
-1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
-1.0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
-0.9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
-0.8	.2119	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
-0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
-0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
-0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
-0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
-0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	.3520	.3483
-0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
-0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
-0.0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641

Ejercicio 2

Las resistencias a la ruptura de cables que produce un fabricante tienen una media de 1800 libras y una desviación estándar de 100 libras. Mediante una nueva técnica del proceso de fabricación, se afirma que se puede aumentar la resistencia a la ruptura. Para demostrar la afirmación, se prueba una muestra de 50 cables y se encuentra que la media de la resistencia a la ruptura es de 1850 libras.

- a. ¿Se puede validar la afirmación con un nivel de significancia de 0.01?
- b. ¿Cuál es el valor p de la prueba?

Pruebas en las que intervienen las diferencias de medias y proporciones

El tamaño medio de 50 varillas fabricadas por Mario fue de 68.2 pulgadas con una desviación estándar de 2.5 pulgadas. Por otro lado Luis fabricó varillas con un tamaño medio de 67.5 y una desviación estándar de 2.8 pulgadas.

- a. Probar la hipótesis con un nivel de significancia de 0.05 que las varillas hechas por Mario son más grandes que las hechas por Luis
- b. ¿Cuál es el valor p de la prueba?

Ejercicio 2

Dos grupos A y B constan cada uno de 100 personas que tienen una enfermedad. El suero se da al grupo A pero no al grupo B, que se llama grupo de control, los grupos se tratan de manera idéntica. Se encuentra que en los grupos A y B con 75 y 65 personas respectivamente, se recuperan de la enfermedad.

- a. Probar que el suero cura la enfermedad con un nivel de significancia de 0.01.
- b. Calcular el valor de p.

Pruebas de hipótesis en las que interviene la distribución t de student

En el pasado una máquina producía empaques con un espesor medio de 0.050 pulgadas. Para determinar si la máquina funciona de manera correcta, se elige una muestra de 10 empaques para los cuales el espesor medio es de 0.053 pulgadas y la desviación estándar de 0.003 pulgadas. Probar la hipótesis de que la máquina funciona bien con base en un nivel de significancia de 0.05

Tabla 8. Distribución t de Student.

Distribución t de Student							
gl	0.75	0.90	0.95	0.975	0.99	0.995	0.9995
1	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
2	0.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.598
3	0.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.941
4	0.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
5	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.859
6	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.959
7	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.405
8	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
9	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
10	0.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
11	0.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.437
12	0.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	0.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	0.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965
18	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.922
19	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.883
20	0.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.850
21	0.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.819
22	0.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.792
23	0.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.767
24	0.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.745
25	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.725
26	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.707
27	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.690
28	0.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.674
29	0.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.659
30	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.646
40	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.551
60	0.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.460
120	0.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.373

Ejercicio 2

En un área agrícola se desea probar el efecto de un fertilizante en la producción de trigo. Se eligen 24 lotes de terreno con áreas iguales, se trató una mitad con fertilizante mientras que la otra no lo recibió, por lo demás las condiciones fueron iguales. La producción media de trigo de los lotes sin tratamiento fue de 4.8 quintales, con una desviación estándar de 0.40 quintales, mientras que los lotes tratados produjeron una media de 5.1 quintales con una desviación estándar de 0.36 quintales. ¿Es posible concluir que hay una mejora significativa en la producción de trigo con un nivel de significancia del 0.01?

Tabla 8. Distribución t de Student.

Distribución t de Student							
gl	0.75	0.90	0.95	0.975	0.99	0.995	0.9995
1	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
2	0.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.598
3	0.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.941
4	0.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
5	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.859
6	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.959
7	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.405
8	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
9	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
10	0.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
11	0.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.437
12	0.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	0.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	0.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965
18	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.922
19	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.883
20	0.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.850
21	0.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.819
22	0.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.792
23	0.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.767
24	0.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.745
25	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.725
26	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.707
27	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.690
28	0.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.674
29	0.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.659
30	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.646
40	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.551
60	0.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.460
120	0.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.373

Pruebas en las que interviene la distribución Chi cuadrada

En el pasado la desviación estándar de los pesos de ciertos paquetes de 40 onzas que se llenaban mediante una máquina era de 0.25 onzas. Una muestra aleatoria de 20 paquetes mostró una desviación estándar de 0.32 onzas. ¿Es el aumento en la variabilidad significativo a un nivel de significancia de 0.05?

Tabla 3. (Continuación) Valores críticos de la distribución Chi cuadrada

v	X									
	.30	.25	.20	.10	.05	.025	.02	.01	.005	.001
1	1.074	1.323	.1642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	10.827
2	2.408	2.773	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	13.815
3	3.665	4.108	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	16.268
4	4.878	5.385	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	18.465
5	6.064	6.626	7.289	9.236	11.070	12.832	13.388	15.086	16.750	20.517
6	7.231	7.841	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	22.457
7	8.383	9.037	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	24.322
8	9.524	10.219	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	26.125
9	10.656	11.389	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	27.877
10	11.781	12.549	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	29.588
11	12.899	13.701	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	31.264
12	14.011	14.845	15.812	18,549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	32.909
13	15.119	15.984	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	34.528
14	16.222	17.117	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	36.123
15	17.322	18.245	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	37.697
16	18.418	19.369	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	39.252
17	19.511	20.489	21.615	24.769	27.587	30.191	30.955	33.409	35.718	40.790
18	20.601	21.605	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	42.312
19	21.689	22.718	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	43.820
20	22.775	23.828	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	45.315
21	23.858	24.935	26.171	29.615	32.671	35.479	36.343	38.932	41.401	46.797
22	24.939	26.039	27.301	30.813	33.924	36.781	37.659	40.289	42.796	48.268
23	26.018	27.141	28.429	32.007	35.172	38.076	38.968	41.638	44.181	49.728
24	27.096	28.241	29.553	33.196	36.415	39.364	40.270	42.980	45.558	51.179
25	28.172	29.339	30.675	34.382	37.652	40.646	41.566	44.314	46.928	52.620
26	29.246	30.434	31.795	35.563	38.885	41.932	42.856	45.642	48.290	54.052
27	30.319	31.528	32.912	36.741	40.113	43.194	44.140	46.963	49.645	55.476
28	31.391	32.620	34.027	37.916	41.337	44.461	45.419	48.278	50.993	56.893
29	32.461	33.711	35.139	39.087	42.557	45.722	46.693	49.588	52.336	58.302
30	33.530	34.800	36.250	40.256	43.773	46.979	47.962	50.892	53.672	59.703

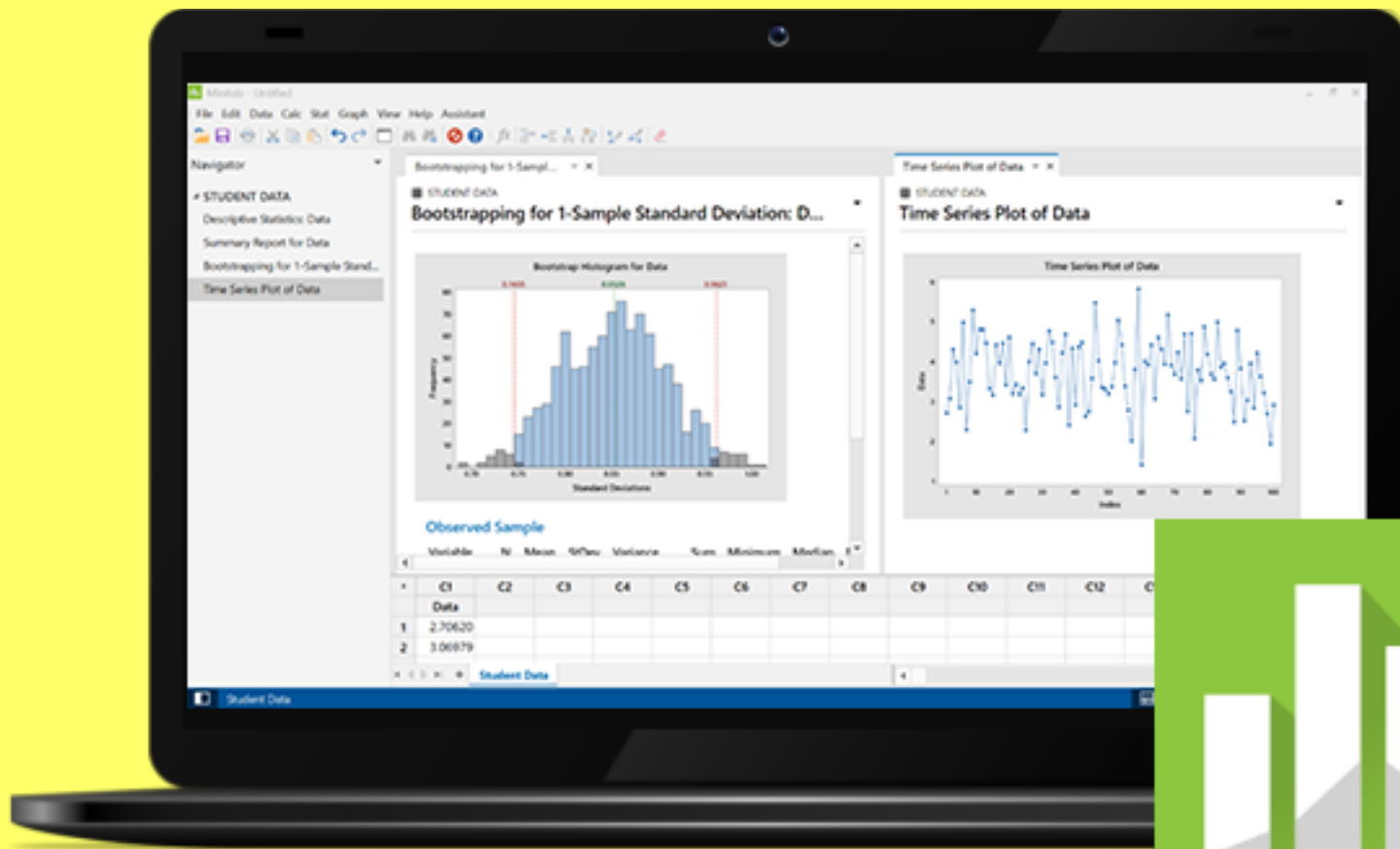
Pruebas en las que interviene la distribución F

Un instructor atiende a dos grupos A y B en un tema particular. La clase A tiene 16 estudiantes mientras que la B tiene 25. En el mismo examen, aunque no hubo diferencias significativas entre las medias, la clase A mostró una desviación estándar de 9 mientras que la de la clase B fue de 12. ¿Es posible concluir que la variabilidad de la clase B es mayor que la de la clase A a un nivel de significancia de 0.01?

Tabla 5. (Continuación) Valores críticos de la distribución F

$F_{0.01}(v_1, v_2)$

V_2	V_1									
	10	12	15	20	24	30	40	60	120	α
1	6056	6106	6157	6209	6235	6261	6287	6313	6339	6366
2	99.40	99.42	99.43	99.45	99.46	99.47	99.47	99.48	99.49	99.50
3	27.23	27.05	26.87	26.69	26.60	26.50	26.41	26.32	26.22	26.13
4	14.55	14.37	14.20	14.02	13.93	13.84	13.75	13.65	13.56	13.46
5	10.05	9.89	9.72	9.55	9.47	9.38	9.29	9.20	9.11	9.02
6	7.87	7.72	7.56	7.40	7.31	7.23	7.14	7.06	6.97	6.88
7	6.62	6.47	6.31	6.16	6.07	5.99	5.91	5.82	5.74	5.65
8	5.81	5.67	5.52	5.36	5.28	5.20	5.12	5.03	4.95	4.86
9	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	4.57	4.48	4.40	4.31
10	4.85	4.71	4.56	4.41	4.33	4.25	4.17	4.08	4.00	3.91
11	4.54	4.40	4.25	4.10	4.02	3.94	3.86	3.78	3.69	3.60
12	4.30	4.16	4.01	3.86	3.78	3.70	3.62	3.54	3.45	3.36
13	4.10	3.96	3.82	3.66	3.59	3.51	3.43	3.34	3.25	3.17
14	3.94	3.80	3.66	3.51	3.43	3.35	3.27	3.18	3.09	3.00
15	3.80	3.67	3.52	3.37	3.29	3.21	3.13	3.05	2.96	2.87
16	3.69	3.55	3.41	3.26	3.18	3.10	3.02	2.93	2.84	2.75
17	3.59	3.46	3.31	3.16	3.08	3.00	2.92	2.83	2.75	2.65
18	3.51	3.37	3.23	3.08	3.00	2.92	2.84	2.75	2.66	2.57
19	3.43	3.30	3.15	3.00	2.92	2.84	2.76	2.67	2.58	2.49
20	3.37	3.23	3.09	2.94	2.86	2.78	2.69	2.61	2.52	2.43
21	3.31	3.17	3.03	2.88	2.80	2.72	2.64	2.55	2.46	2.37
22	3.26	3.12	2.98	2.83	2.75	2.67	2.58	2.50	2.40	2.31
23	3.21	3.07	2.93	2.78	2.70	2.62	2.54	2.45	2.35	2.26
24	3.17	3.03	2.89	2.74	2.66	2.58	2.49	2.40	2.31	2.22
25	3.13	2.99	2.85	2.70	2.62	2.54	2.45	2.36	2.27	2.17
26	3.09	2.96	2.81	2.66	2.58	2.50	2.42	2.33	2.23	2.13
27	3.06	2.93	2.78	2.63	2.55	2.47	2.38	2.29	2.20	2.10
28	3.03	2.90	2.75	2.60	2.52	2.44	2.35	2.26	2.17	2.06
29	3.00	2.87	2.73	2.57	2.49	2.41	2.33	2.23	2.14	2.03
30	2.98	2.84	2.70	2.55	2.47	2.39	2.30	2.21	2.11	2.01
40	2.80	2.66	2.52	2.37	2.29	2.20	2.11	2.02	1.92	1.80
60	2.63	2.50	2.35	2.20	2.12	2.03	1.94	1.84	1.73	1.60
120	2.47	2.34	2.19	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	1.53	1.38
α	2.32	2.18	2.04	1.88	1.79	1.70	1.59	1.47	1.32	1.00



Pruebas de Hipótesis en Minitab

Comparación de dos medias con muestras independientes

Se tienen dos productos A y B que se usan en los procesos de curtido de pieles, 10 porciones son curtidas utilizando el producto A y otras 10 con el producto B. Terminado todo el proceso se mide la resistencia a la tracción de cada porción, obteniéndose los siguientes resultados:

Curtido con A	24.3	25.6	26.7	22.7	24.8	23.8	25.9	26.4	25.8	25.4
Curtido con B	24.4	21.5	25.1	22.8	25.2	23.5	22.2	23.5	23.3	24.7

Comparación de dos medias con datos apareados

Se deben de comparar dos tratamientos superficiales para lentes. Se seleccionaron 10 personas que usan anteojos y se les colocó una lente tratada con A y la otra con B. Después de un periodo de uso se midió el deterioro de cada una de las lentes los datos obtenidos se presentan a continuación:

Individuo	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	6.7	5.0	3.6	6.2	5.9	4.0	5.2	4.5	4.4	4.1
B	6.9	5.8	4.1	7.0	7.0	4.6	5.5	5.0	4.3	4.8

Comparación de 2 varianzas

Se tienen dos productos A y B que se usan en los procesos de curtido de pieles, 10 porciones son curtidas utilizando el producto A y otras 10 con el producto B. Terminado todo el proceso se mide la resistencia a la tracción de cada porción, obteniéndose los siguientes resultados:

Curtido con A	24.3	25.6	26.7	22.7	24.8	23.8	25.9	26.4	25.8	25.4
Curtido con B	24.4	21.5	25.1	22.8	25.2	23.5	22.2	23.5	23.3	24.7

Comparación de 2 proporciones

Se ha realizado una encuesta a 300 clientes de la zona norte y ha resultado que 33 de ellos están descontentos con el servicio de la empresa. En la zona sur la encuesta se ha realizado a 250 clientes y de ellos 22 se han mostrado descontentos. ¿Puede decirse que la proporción de clientes descontentos es distinta en las 2 zonas?